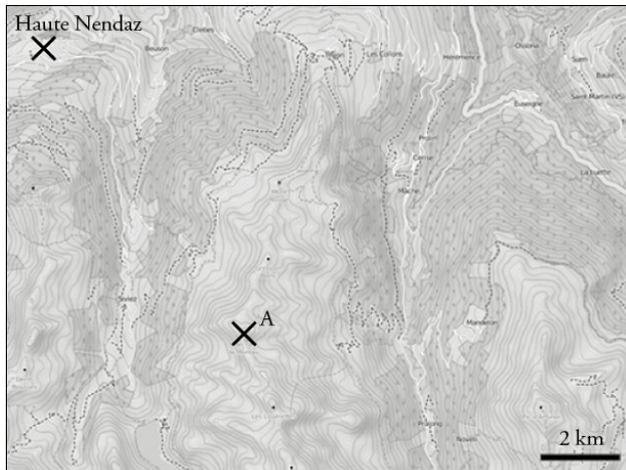


MÉTROPOLE 2014

Le cor des Alpes

Chaque année, au mois de juillet, se déroule le festival international du cor des Alpes à Haute Nendaz, en Suisse. Cet instrument folklorique était jadis utilisé par les bergers pour communiquer entre eux.



Un berger, situé au sommet d'une colline (point A sur la carte) joue la note la plus grave de son cor des Alpes. Son instrument a une longueur de 3,4 m.

Pourra-t-on l'entendre à Haute Nendaz si le niveau d'intensité sonore est de 100 dB à un mètre de l'instrument ?

Hypothèses de travail :

- L'amortissement de l'onde n'est pas pris en compte : la dissipation d'énergie au cours de la propagation est négligeable.
- Le rayonnement de la source est supposé isotrope.

L'analyse des données ainsi que la démarche suivie seront évaluées et nécessitent d'être correctement présentées. Les calculs numériques seront menés à leur terme avec rigueur. Il est aussi nécessaire d'apporter un regard critique sur le résultat et de discuter de la validité des hypothèses formulées.

Donnée :

- Intensité acoustique de référence : $I_0 = 1,0 \cdot 10^{-12} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$

Document 1 : Valeurs de la célérité du son dans l'air en fonction de la température

Température en °C	10	20	30	40
Célérité en $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$	337	343	349	355

Document 2 : Un instrument à vent : le cor des Alpes

Lorsque l'on souffle dans un cor des Alpes pour la première fois, il semble impossible d'en sortir un seul son harmonieux. Mais avec un peu de pratique, on peut apprendre à produire jusqu'à vingt-deux notes, ceci sans utiliser ni valve ni bouton. La gamme de notes réalisable sur cet instrument dépend d'abord de sa géométrie, puis du talent de celui qui en joue. Les premiers cors des Alpes datent du 14^{ème} siècle, ils étaient traditionnellement utilisés par les gardiens de troupeaux pour communiquer entre eux sur des distances d'une dizaine de kilomètres.



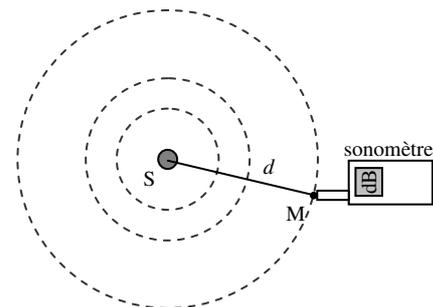
Cet instrument de la famille des cuivres est fait d'une seule pièce de bois, un tube recourbé à son extrémité et mesurant en général de deux à quatre mètres de long. Pour en jouer, le musicien souffle dans une embouchure. La note la plus grave est atteinte lorsque la longueur d'onde de l'onde sonore associée à la note est égale à deux fois la longueur du cor.

Document 3 : L'intensité sonore d'une source isotrope

Pour une source isotrope (c'est-à-dire émettant la même énergie dans toutes les directions) de puissance P , l'intensité sonore I au point M dépend de la distance d à la source et s'exprime de la façon suivante :

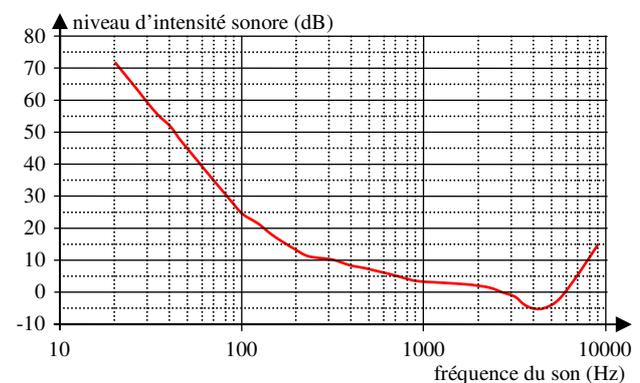
$$I = \frac{P}{4\pi \cdot d^2}$$

avec I en $\text{W} \cdot \text{m}^{-2}$; P en W ; d en m



Document 4 : Seuil d'audibilité humaine en fonction de la fréquence

Le graphique suivant indique les valeurs minimales de niveau d'intensité sonore audible en fonction de la fréquence.



Correction

Distance entre A et Haute Nendaz : 9 km.

Longueur d'onde du son : $\lambda = 2 \times 3,4 = 6,8$ m

Fréquence du son : $f = c \div \lambda = 343/6,8 = 50$ Hz

Seuil d'audibilité à 50 Hz : environ **45 dB**

Puissance sonore du cor : $P = 4\pi \times I_0 \times 10^{10}$ W (d'après les 100 dB à 1 m)

Intensité sonore du cor à 9 km :

$$I = \frac{P}{4\pi \cdot 9000^2} = \frac{4\pi \cdot I_0 \cdot 10^{10}}{4\pi \cdot 9000^2} = 1,2 \cdot 10^{-10} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$$

Niveau sonore du cor : $L = 10 \cdot \log (1,2 \cdot 10^{-10}/10^{-12}) \cong 21$ dB

Donc non, le cor ne sera pas audible.

Regard critique

Comment expliquer qu'on puisse tout de même l'entendre à 10 km comme indiqué dans les documents ?

- Le cor n'est certainement pas une source sonore isotrope : il doit émettre une puissance sonore plus importante devant lui que derrière.
- Peut-être que les bergers ne jouaient pas de note trop grave (la sensibilité de l'oreille est meilleure aux fréquences moyenne) puisqu'ils pouvaient jouer différentes notes avec un même instrument.
- On peut également mentionner les reliefs qui peuvent jouer le rôle de guide des ondes sonores.

Barème

Fréquence du son émis par le cor	0,5 pt
Seuil d'audibilité associé à cette fréquence	0,5 pt
Trouver les 9 km	0,5 pt
Calcul du niveau sonore à 9 km	2,5 pts
Regard critique	1 pt